

## MedellínTALLER DE PLAN DE MEJORAMIENTO- PERIODO III

| Periodo                             | 3 Grupo 11 Area Geometría  |   |
|-------------------------------------|--|---|
| Alumno(<br>a)                       |  |   |
| Maestro                             | León Darío Sánchez Vega  |   |
| Indicadores<br>de<br>Desempeñ<br>o: | Saber: Reconocer los sistemas de coordenadas tridimensionales y esféricas.  Hacer:  Hallar la distancia entre dos puntos en tres dimensiones.  Representar gráficamente esferas en tres dimensiones. | Trabajo escrito: 40% Fecha de entrega:  Lunes 1 de septiembre de 2025  Sustentación: 60%  Fecha de sustentación: Del 1 al 4 de septiembre de 2025 |

## **Actividades**

- 1. Secciones cónicas
- a) Escribe la ecuación general de la circunferencia, parábola, elipse e hipérbola.
- b) Identifica y clasifica cada una de las siguientes ecuaciones:

i) 
$$x^2 + y^2 = 16$$

i) 
$$x^2 + y^2 = 16$$
  
ii)  $x^2 - y^2 = 25$ 

iii) 
$$4x^2 + 9y^2 = 36$$

$$iv) y^2 = 4x$$

- 2. Secciones cónicas en coordenadas polares
- a) Representa gráficamente una parábola con foco en el origen y eje horizontal.
- b) Da un ejemplo de una elipse y una hipérbola en coordenadas polares.
- c) Explica cómo se transforma la ecuación cartesiana a polar.
- 3. Sistema tridimensional y fórmula de distancia
- a) Grafica los puntos A(1,2,3), B(4,0,1) y C(-2,5,2) en un sistema tridimensional.







Instituto San Carlos

- b) Calcula la distanciamentre los puntos A y B.
- c) Halla la distancia del punto C al origen y su punto medio.
- 4. Sistema de coordenadas esféricas
- a) Explica qué representan las variables  $\rho$  (rho),  $\theta$  (theta) y  $\phi$  (phi).
- b) Convierte el punto (3,  $\pi/4$ ,  $\pi/6$ ) en coordenadas esféricas a coordenadas cartesianas.
- c) Describe una aplicación de las coordenadas esféricas en la vida real.
- d) grafica los siguientes puntos a (6,  $\pi$ /6,  $\pi$ /3). B (4,  $\pi$ /2,  $2\pi$ /3). C (5, 0,  $\pi$ /2).
- 5. Aplicaciones de la derivada Análisis gráfico
- a) Dada la función  $f(x) = x^3 6x^2 + 9x + 2$ , encuentra:
  - i) Los puntos críticos.
  - ii) Los intervalos de crecimiento y decrecimiento.
  - iii) Los valores máximos y mínimos locales.
- b) Representa gráficamente la función y verifica tus resultados.
- c) Interpreta el comportamiento de la función en términos reales (por ejemplo, ganancias, producción, etc.).



